

# Wymagania edukacyjne z uzupełnienia

## Elementy analizy matematycznej

<i>Treści nauczania</i>	<i>Dopuszczający</i>	<i>Dostateczny</i>	<i>Dobry</i>	<i>Bardzo dobry</i>	<i>Celujący</i>
<b>Funkcje odwrotne, funkcje trygonometryczne i cyklometryczne</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- zna warunek na istnienie funkcji odwrotnej do danej</li> <li>- potrafi narysować wykres funkcji odwrotnej mając wykres funkcji danej</li> <li>- potrafi narysować wykresy funkcji cyklometrycznych i odczytać z nich własności tych funkcji</li> <li>- rozwiązuje proste równania cyklometryczne</li> <li>- (kryteria z klasy I dotyczące trygonometrii)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- potrafi podać wzór funkcji odwrotnej do danej (proste przykłady)</li> <li>- rozwiązuje bardziej złożone równania cyklometryczne i proste nierówności</li> <li>- (kryteria z klasy I dotyczące trygonometrii)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- potrafi zbadać czy do danej funkcji istnieje funkcja odwrotna (na prostych przykładach)</li> <li>- rozwiązuje bardziej złożone równania cyklometryczne i nierówności</li> <li>- (kryteria z klasy I dotyczące trygonometrii)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- potrafi zbadać czy do danej funkcji istnieje funkcja odwrotna (na złożonych przykładach)</li> <li>- rozwiązuje równania cyklometryczne z parametrem</li> <li>- (kryteria z klasy I dotyczące trygonometrii)</li> </ul>	<p>Ocenę celującą otrzymuje uczeń, którego aktywności matematyczne świadczą o rozumieniu pojęć na poziomie strukturalnym (według: Dyrzsląg Z., „O poziomach i kontroli rozumienia pojęć matematycznych w procesie dydaktycznym”, WSP, Opole 1978) lub wykazał się umiejętnością rozwiązywania zadań pochodzących z olimpiad, zawodów lub konkursów matematycznych dla uczniów liceów (np. przechodząc do ich kolejnych etapów).</p>
<b>Granice i pochodne</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- zna własność Darboux</li> <li>- zna inne własności funkcji ciągłych</li> <li>- zna twierdzenie Rolle’a i Lagrange’a z wyjaśnieniem</li> <li>- potrafi wyciągnąć wnioski z twierdzenia Lagrange’a.</li> <li>- rozwiązuje proste zadania optymalizacyjne</li> <li>- zna wypowiedź twierdzenia de l’Hospitala</li> <li>- (kryteria z klasy III dotyczące ciągłości, granic i różniczkowalności funkcji)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- potrafi zastosować własność Darboux do prostych zadań</li> <li>- potrafi podać interpretację geometryczną twierdzenia Rolle’a i Lagrange’a.</li> <li>- rozwiązuje bardziej złożone zadania optymalizacyjne</li> <li>- stosuje twierdzenie de l’Hospitala w prostych przypadkach</li> <li>- (kryteria z klasy III dotyczące ciągłości, granic i różniczkowalności funkcji)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- potrafi zastosować własności funkcji ciągłych do rozwiązywania bardziej złożonych zadań</li> <li>- stosuje twierdzenia Rolle’a i Lagrange’a do prostych zadań</li> <li>- rozwiązuje złożone zadania optymalizacyjne</li> <li>- stosuje twierdzenie de l’Hospitala w złożonych przypadkach</li> <li>- (kryteria z klasy III dotyczące ciągłości, granic i różniczkowalności funkcji)</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- stosuje twierdzenia Rolle’a i Lagrange’a do zadań bardziej złożonych</li> <li>- rozwiązuje skomplikowane zadania optymalizacyjne</li> <li>- stosuje twierdzenie de l’Hospitala w skomplikowanych przypadkach</li> <li>- (kryteria z klasy III dotyczące ciągłości, granic i różniczkowalności funkcji)</li> </ul>	

<b>Całki</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- zna definicję całki nieoznaczonej</li> <li>- zna definicję funkcji pierwotnej</li> <li>- zna związek między funkcją pierwotną, a całką nieoznaczoną</li> <li>- potrafi znaleźć funkcję pierwotną do danej funkcji spełniającą zadany warunek</li> <li>- zna twierdzenia o liniowości i addytywności całki</li> <li>- zna twierdzenia o całkowaniu przez części oraz przez podstawienie</li> <li>- zna definicję całki oznaczonej (całki Riemanna)</li> <li>- wykorzystuje całkę oznaczoną dla obliczania pól pod wykresem funkcji</li> <li>- podaje przykład funkcji niecałkowalnej w sensie Riemanna</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- potrafi obliczać całki nieoznaczone stosując najprostsze elementarne wzory</li> <li>- oblicza proste całki metodą przez części i przez podstawienie</li> <li>- rozwiązuje bardziej złożone zadania z całek oznaczonych</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- potrafi obliczać całki nieoznaczone stosując elementarne wzory</li> <li>- oblicza bardziej złożone całki metodą przez części i przez podstawienie</li> <li>- rozwiązuje złożone zadania z całek oznaczonych</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- potrafi obliczać całki nieoznaczone stosując płynnie wszystkie elementarne wzory</li> <li>- oblicza złożone całki metodą przez części i przez podstawienie</li> <li>- rozwiązuje skomplikowane zadania z całek oznaczonych</li> <li>- dowodzi niecałkowalność funkcji w sensie Riemanna</li> </ul>	
--------------	---	--	---	---	--

Zakłada się, że uczeń spełnia wymagania edukacyjne z matematyki określone na poprzednich etapach edukacji i aktywnie korzysta z nich przy rozwiązywaniu zadań. Klasyfikację poziomów trudności zadań matematycznych opracowano według: Dyrzłag Z., O poziomach i kontroli rozumienia pojęć matematycznych w procesie dydaktycznym”, WSP, Opole 1978.

1. Zadanie proste ma na celu kontrolę rozumienia wszystkich pojęć w danym zadaniu na poziomie definicyjnym oraz zastosowanie wiadomości w sytuacjach typowych.
2. Zadanie trudniejsze dodatkowo wymaga od ucznia wykazania się rozumieniem pojęć w nim występujących na poziomie lokalnej komplikacji oraz zastosowanie analizowanych wiadomości w sytuacjach nietypowych tj. np. takich, w których na dane pojęcie narzucono dodatkowe warunki.
3. Zadanie złożone dodatkowo weryfikuje umiejętność ucznia do sprawnego łączenia wiadomości z co najmniej kilku działów matematyki i stosowania ich do sytuacji problemowych, sprawność rachunkową oraz stałą kontrolę wszystkich warunków zadania na każdym etapie jego rozwiązania.
4. Zadanie niestandardowe dodatkowo sprawdza rozumienie przez ucznia zawartych w zadaniu pojęć na poziomie uogólnienia, uwzględnia zastosowanie poznanej wiedzy do sytuacji problemowych, których rozwiązanie polega na konieczności abstrakcyjnego uogólnienia poznanych wiadomości lub twórczej aktywności matematycznej.